



Technische Fakultät
Universität Bielefeld

Vorlesung

Softwaretest und -optimierung

Version 2012

Dr. Carsten Gnörlich

Rechnerbetriebsgruppe

Kap. 3 - Ursache-Wirkungs-Graphen und Pfadausdrücke

(= Kap. 4.2, 5.1 aus Riedemann)

Wiederholung

Datenbereichsbezogenes Testen

- aus Spezifikation der Parameter Testfälle ableiten

Vorgestellte Verfahren

- Zufälliges Testen, Fehlererwartungsmethode
- Äquivalenzklassen
- Grenzwertmethode
- Gleich kommt noch: Ursache-Wirkungs-Graphen

➔ idealen Test durch geschickte Wahl der Testfälle annähern

Heute haben wir folgendes vor

- Ursache-Wirkungs-Graphen
- Weiterführung der spezifikationsorientierten Verfahren
 - Pfadausdrücke (Testen von Reihenfolgebedingungen)



Äquivalenzklassen + Ursache-Wirkungsgraphen

Wiederholung

„Ein Päckchen wiegt zwischen 500 und 2000 Gramm“

Äquivalenzklassen

- $[500..2000]$ gültige ÄK
- $[-\infty..499]$, $[2001..+\infty]$ ungültige ÄK

Grenzwertmethode

- Testdaten $T = \{499, 500, 2000, 2001\}$

Motivation

- Fehler treten vielleicht nur bei bestimmten Kombinationen von Ein-/Ausgabewerte-Klassen auf

aber: exponentielle Explosion bei Test von Kombinationen aller Eingabe-ÄK

Beispiel: 7 Eingabebedingungen mit je 3 ÄK $\rightarrow 3^7 = 2187$ Kombinationen

Idee:

- Ausgabe-ÄK = Wirkungen
 - Eingabe-ÄK = Ursachen (Testfälle!)
- ➔ Rechne von den Wirkungen so auf die benötigten Ursachen zurück, daß bei fehlerhafter Behandlung einer Ursache die Wirkung nicht eintritt.

1. Spezifikation in bearbeitbare Stücke zerlegen

- typischerweise eine Teilfunktion
 - oder ein kleines Modul
- ➔ Ursache-Wirkungsgraph (UWG) soll nicht zu groß werden

Beispiel: (wird fortgeführt)

Funktion soll Wörter w_1w_2 akzeptieren mit

$$w_1 \in \{A, B\}, \quad w_2 \in \{0, 1, 2, \dots, 9\}$$

Ausgaben: „gut“ wenn das Wort zulässig ist
„Fehler 1“ wenn w_1 unzulässig ist
„Fehler 2“ wenn w_2 unzulässig ist

2. Ursachen und Wirkungen spezifizieren

- **Ursachen** sind Eingabebedingungen, deren Zutreffen mit einem booleschen Wert gekennzeichnet sind.

Bsp: Wochentag = „Sonntag“
 $0 < \text{Zeilenanzahl} < 900$

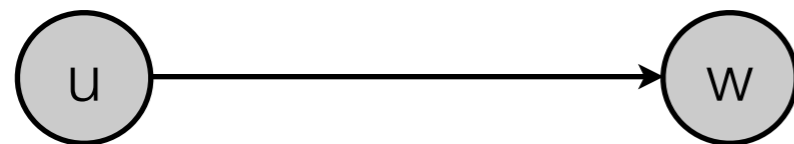
- **Wirkungen** sind:
 - Ausgabebedingungen
 - Systemtransformationen
(= innere Zustände, die nicht an den Ausgaben sichtbar werden)

➔ alle Ursachen und Wirkungen mit einer eindeutigen Zahl kennzeichnen

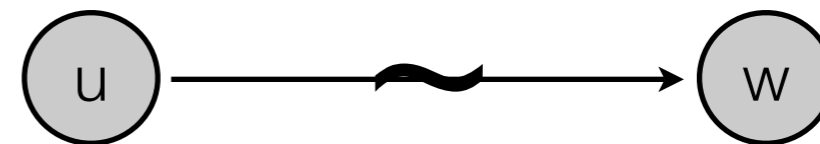
3. Ursache-Wirkungsgraph erstellen

ggf. Zwischenknoten einfügen für komplexe Berechnungen!

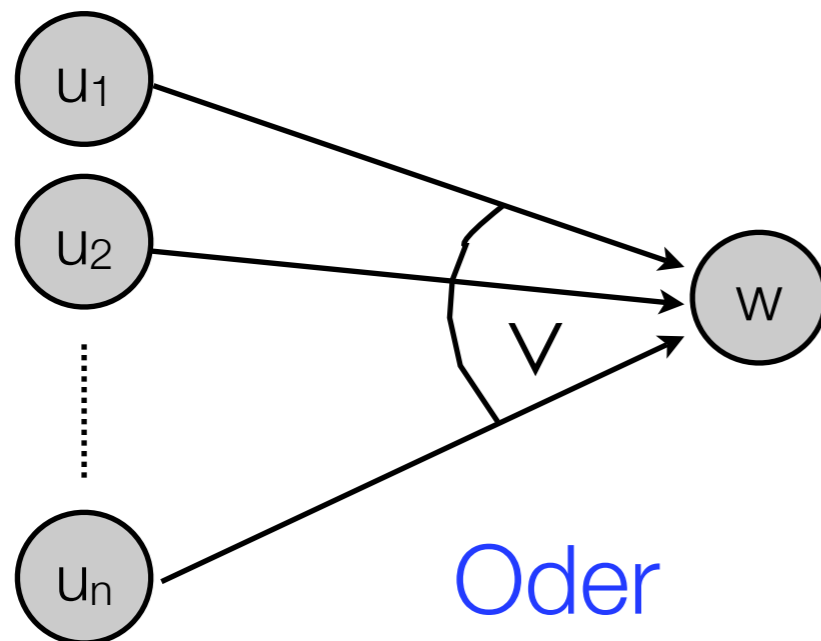
- gerichteter zyklenfreier boolescher Graph
- drückt logische Beziehungen zwischen Ursachen und Wirkungen aus



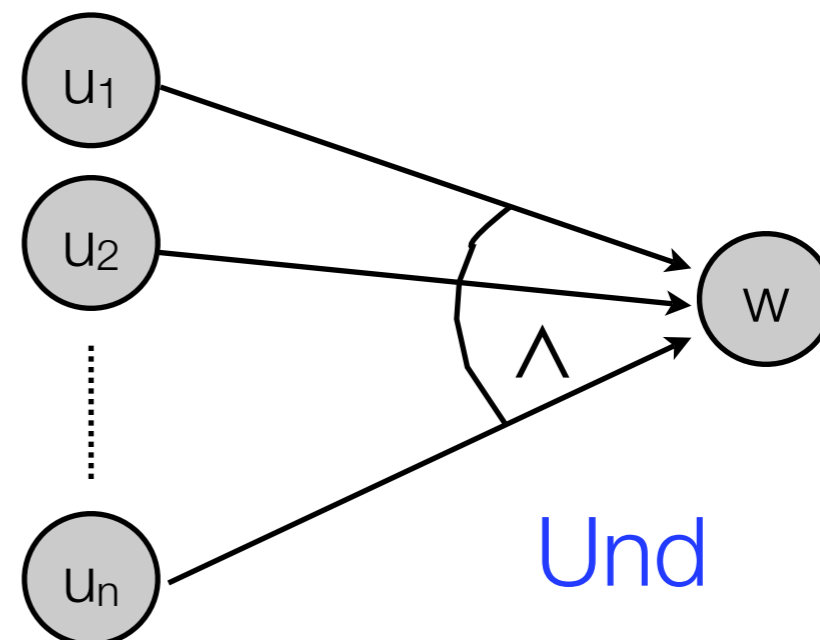
Identität



Negation

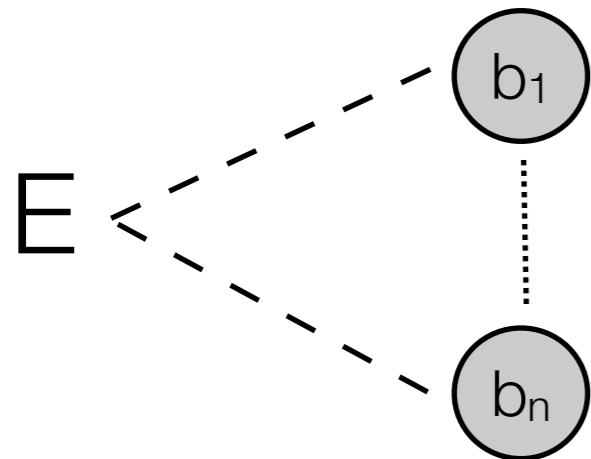


Oder



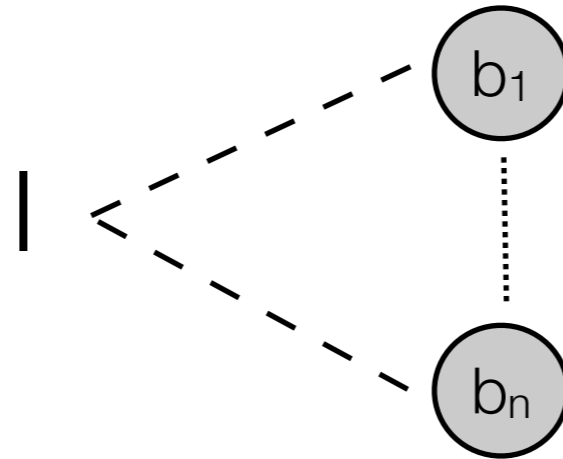
Und

4. Unmögliche Eingabekombinationen ausschließen (1)



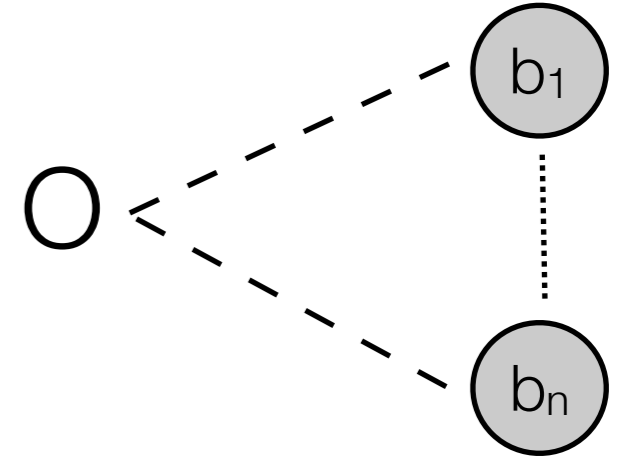
Exklusiv:

Höchstens eine der Bedingungen erfüllt



Inklusiv:

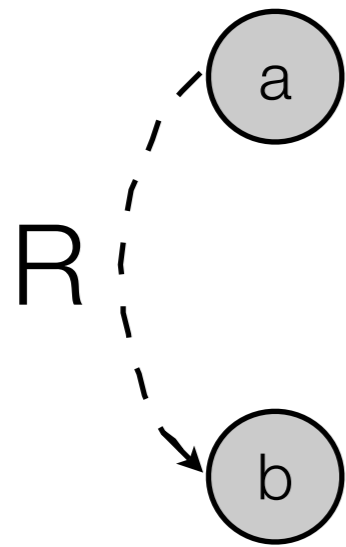
Mindestens eine der Bedingungen erfüllt



Oder:

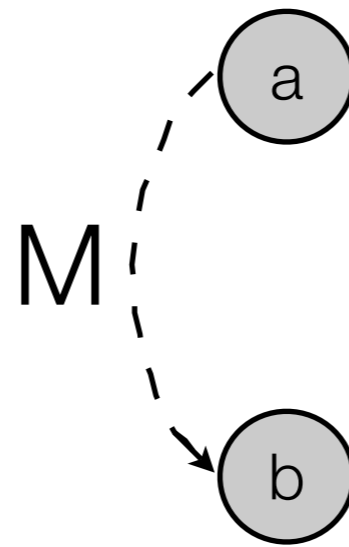
Genau eine der Bedingungen erfüllt

4. Unmögliche Eingabekombinationen ausschließen (2)



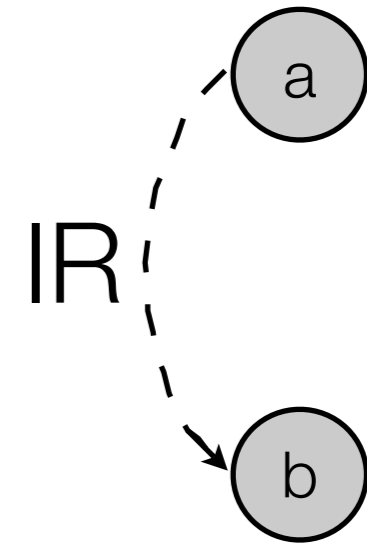
Requires:

Erfüllung von a
erfordert Erfüllung von b



Maskiert:

Erfüllung von a impliziert
Nichterfüllung von b



Irrelevant:

Erfüllung von a impliziert
daß Bedingung b entfällt

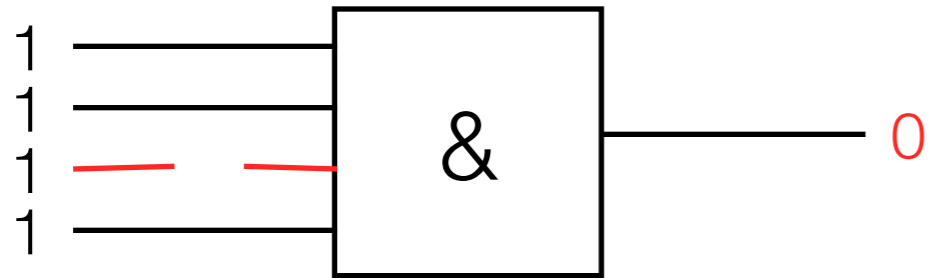
5. Leite aus UWG eine Entscheidungstabelle ab

- a) Wähle eine Wirkung aus
- b) Bestimme durch Zurückverfolgen des UWG alle Komb. von Ursachen, für die
 - i) die Wirkung vorhanden ist
 - ii) die Wirkung nicht vorhanden ist.

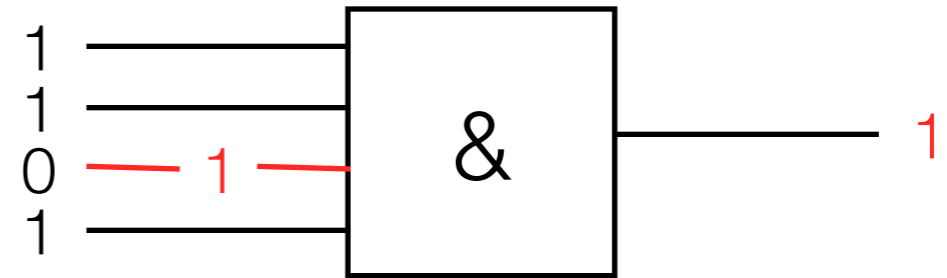
Hauptwerkzeug: Pfadsensitivierung aus der Chip-Fertigung

- wähle für jeden Knoten $n-1$ Eingänge so, daß ein Fehler im n -ten Eingang einen Fehler am Ausgang produziert
- ➔ statt 2^n Kombinationen nur n Testfälle!

Pfadsensitivierung für UND-Knoten

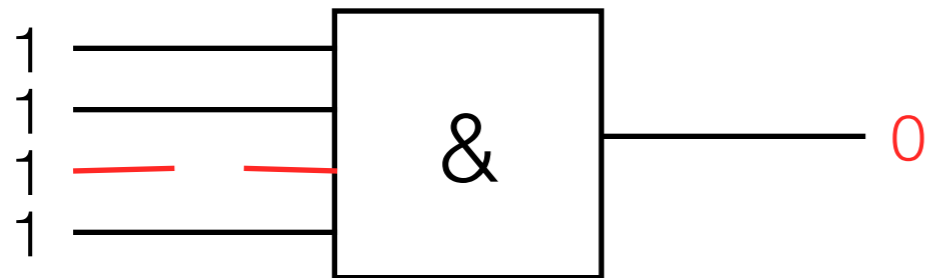


Leitung unterbrochen („stuck at 0“)

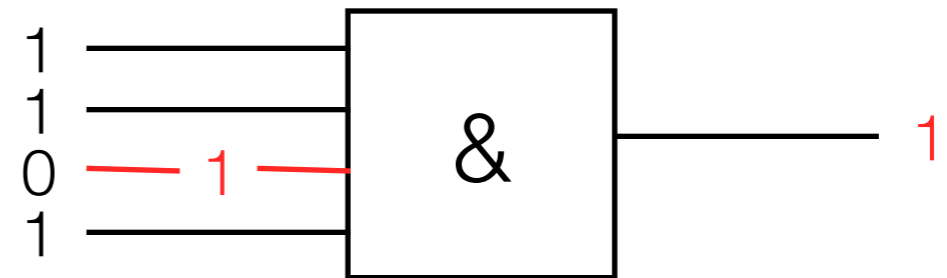


Leitung kurzgeschlossen („stuck at 1“)

Pfadsensitivierung für UND-Knoten



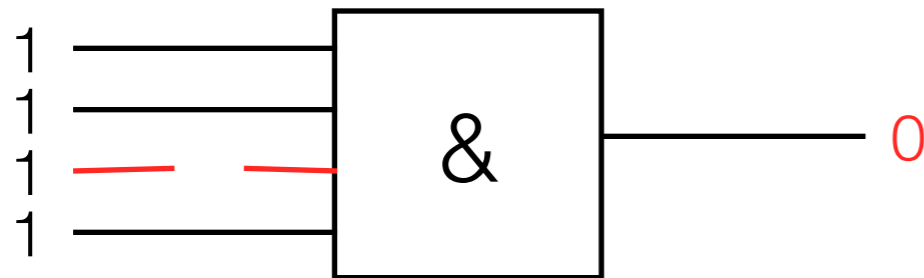
Leitung unterbrochen („stuck at 0“)



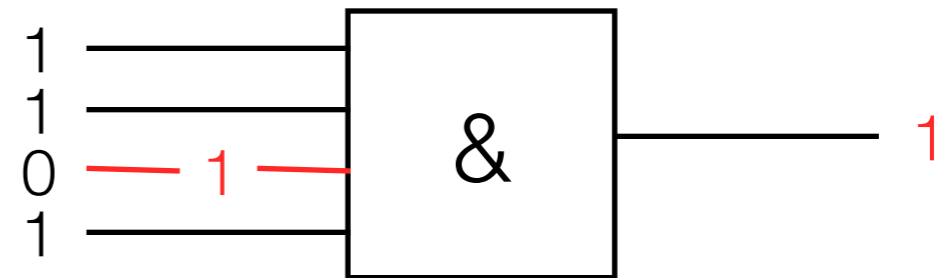
Leitung kurzgeschlossen („stuck at 1“)

x_1	x_2	x_3	...	x_n	Eigenschaft	y (fehlerfrei)
1	1	1	...	1	alle Eingänge 1	1
0	1	1	...	1	genau ein	0
1	0	1	...	1	Eingang 0,	0
1	1	0	...	1	alle anderen	0
⋮	⋮	⋮	...	1	Eingänge 1	⋮
1	1	1	...	0		0

Pfadsensitivierung für UND-Knoten



Leitung unterbrochen („stuck at 0“)



Leitung kurzgeschlossen („stuck at 1“)

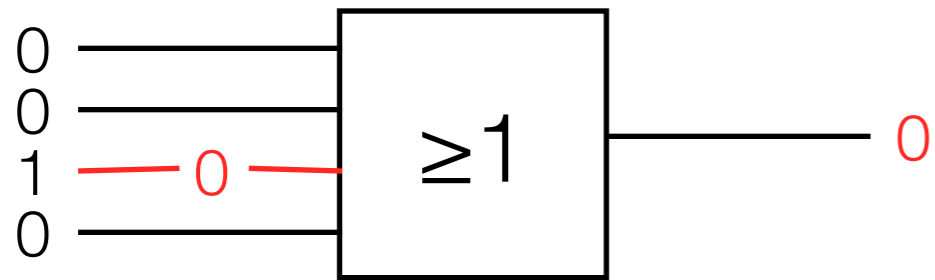
x_1	x_2	x_3	...	x_n	Eigenschaft	y (fehlerfrei)
1	1	1	...	1	alle Eingänge 1	1
0	1	1	...	1	genau ein	0
1	0	1	...	1	Eingang 0,	0
1	1	0	...	1	alle anderen	0
⋮	⋮	⋮	...	1	Eingänge 1	⋮
1	1	1	...	0		0

$y=1$ erwartet \Rightarrow alle „1“-Eingänge rekursiv zurückverfolgen

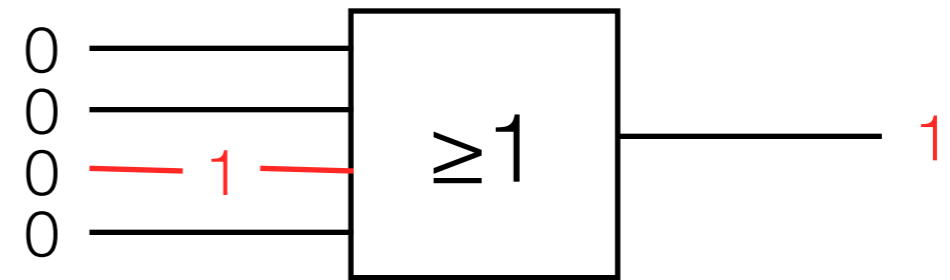
$y=0$ erwartet \Rightarrow für den „0“-Eingang alle Möglichkeiten zurückverfolgen

\Rightarrow für die „1“-Eingänge eine beliebige Möglichkeiten nehmen

Pfadsensitivierung für ODER-Knoten

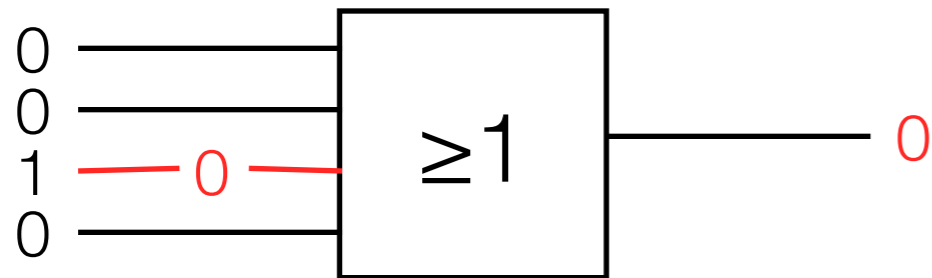


Leitung unterbrochen („stuck at 0“)

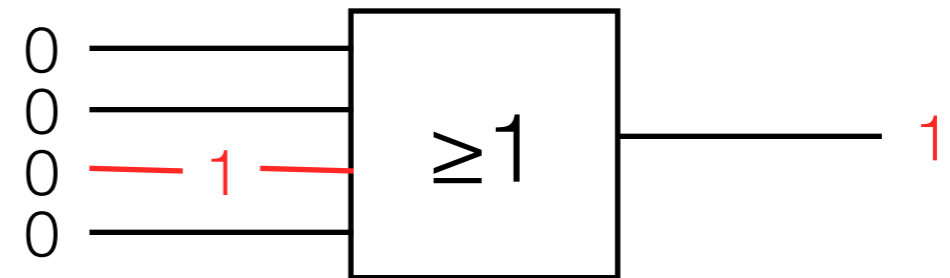


Leitung kurzgeschlossen („stuck at 1“)

Pfadsensitivierung für ODER-Knoten



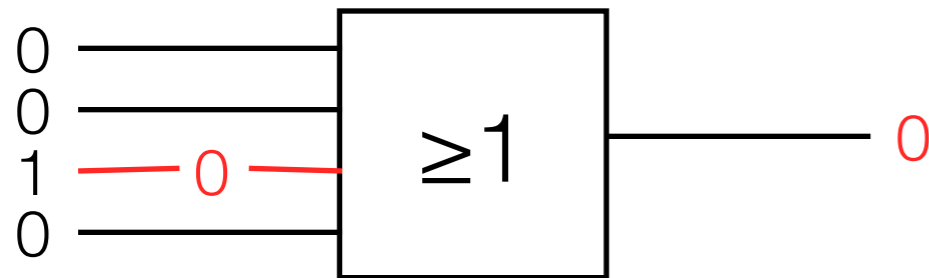
Leitung unterbrochen („stuck at 0“)



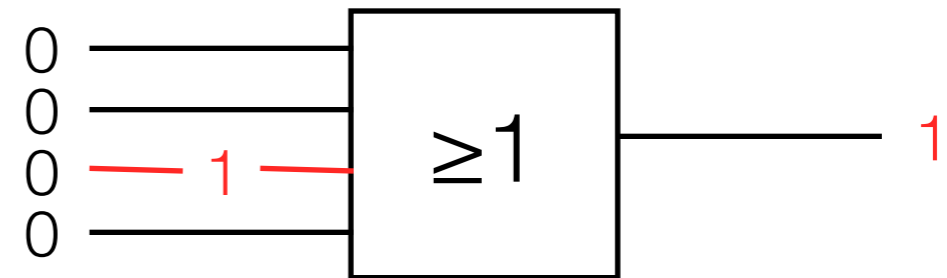
Leitung kurzgeschlossen („stuck at 1“)

x_1	x_2	x_3	...	x_n	Eigenschaft	y (fehlerfrei)
0	0	0	...	0	alle Eingänge 0	0
1	0	0	...	0	genau ein	1
0	1	0	...	0	Eingang 1,	1
0	0	1	...	0	alle anderen	1
⋮	⋮	⋮	...	0	Eingänge 0	⋮
0	0	0	...	1		1

Pfadsensitivierung für ODER-Knoten



Leitung unterbrochen („stuck at 0“)



Leitung kurzgeschlossen („stuck at 1“)

x_1	x_2	x_3	...	x_n	Eigenschaft	y (fehlerfrei)
0	0	0	...	0	alle Eingänge 0	0
1	0	0	...	0	genau ein	1
0	1	0	...	0	Eingang 1,	1
0	0	1	...	0	alle anderen	1
⋮	⋮	⋮	...	0	Eingänge 0	⋮
0	0	0	...	1		1

$y=0$ erwartet \Rightarrow alle „0“-Eingänge rekursiv zurückverfolgen

$y=1$ erwartet \Rightarrow für den „1“-Eingang alle Möglichkeiten zurückverfolgen

\Rightarrow für die „0“-Eingänge eine beliebige Möglichkeit nehmen

Fortführung des Beispiels

erste Etappe: Wirkung (10) erreichen

es gilt: $(10) = (3) \wedge (9)$

also: Pfadsensitivierung für UND:

erwartet für (10)	'(3)	'(9)	
1	1	1	
0	1	0	
0	0	1	

Fortführung des Beispiels

erwartet für (10)	$\checkmark(3)$	$\checkmark(9)$	Rekursiv weiter:
1	1	1	alle Wege zu „1“
0	1	0	
0	0	1	

wie erreicht man $(3) = (9) = 1$?

(3) ist Eingabe \rightarrow trivial

$(9) = (1) \vee (2) = 1$:

zusammen:

erw. für $\checkmark(9)$	$\checkmark(1)$	$\checkmark(2)$			
1	0	1			
1	1	0			

\rightarrow

$\checkmark(9)$	$\checkmark(10)$	$\checkmark(1)$	$\checkmark(2)$	$\checkmark(3)$
1	1	0	1	1
1	1	1	0	1

Fortführung des Beispiels

erwartet für (10)	'(3)	'(9)	
1	1	1	
0	1	0	alle Wege zu „0“ plus einen beliebigen zu „1“
0	0	1	

wie erreicht man $(3) = 1$ und $(9) = 0$?

(3) ist Eingabe \rightarrow trivial

$(9) = (1) \vee (2) = 0$:

zusammen:

erw. für '(9)	'(1)	'(2)	
0	0	0	\rightarrow

'(9)	'(10)	'(1)	'(2)	'(3)
0	0	0	0	1

Fortführung des Beispiels

erwartet für (10)	'(3)	'(9)	
1	1	1	
0	1	0	alle Wege zu „0“ plus einen beliebigen zu „1“
0	0	1	

wie erreicht man $(3) = 0$ und $(9) = 1$?

(3) ist Eingabe \rightarrow trivial

$(9) = (1) \vee (2) = 1$:

nehme später **eine** der beiden Möglichkeiten!

erw. für '(9)	'(1)	'(2)		'(9)	'(10)	'(1)	'(2)	'(3)
1	0	1	\rightarrow	1	0	0	1	0
1	1	0		1	0	1	0	0

Fortführung des Beispiels

$$(11) = \neg (9) \quad \text{mit } (9) = (1) \vee (2)$$

erwartet für (11)	'(9)	'(1)	'(2)
1	0	0	0
0	1	0	1
0	1	1	0

$$(12) = \neg (3)$$

erwartet für (12)	'(3)
1	0
0	1

6. Erstelle eine Entscheidungstabelle

	Regeln			
	1	2	3	...
Ursache 1 Ursache 2 ...				
Wirkung 1 Wirkung 2 ...				

→ es sollte keine widersprüchlichen Regeln geben
(Ursache-Teil gleich, Wirkungs-Teil verschieden)

Ergebnisse aufsammeln

'(9)	'(10)	'(1)	'(2)	'(3)
1	1	0	1	1
1	1	1	0	1

'(9)	'(10)	'(1)	'(2)	'(3)
0	0	0	0	1

'(9)	'(10)	'(1)	'(2)	'(3)
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0

erwartet für (1 1)	'(9)	'(1)	'(2)
1	0	0	0
0	1	0	1
0	1	1	0

erwartet für (1 2)	'(3)
1	0
0	1

		R1	R2	R3	R4
U	'(1)				
	'(2)				
	'(3)				
W	'(10)				
	'(11)				
	'(12)				

Ergebnisse aufsammeln

'(9)	'(10)	'(1)	'(2)	'(3)
1	1	0	1	1
1	1	1	0	1

'(9)	'(10)	'(1)	'(2)	'(3)
0	0	0	0	1

'(9)	'(10)	'(1)	'(2)	'(3)
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0

erwartet für (1 1)	'(9)	'(1)	'(2)
1	0	0	0
0	1	0	1
0	1	1	0

erwartet für (1 2)	'(3)
1	0
0	1

		R1	R2	R3	R4
U	'(1)	0	1		
	'(2)	1	0		
	'(3)	1	1		
W	'(10)	1	1		
	'(11)				
	'(12)				

Ergebnisse aufsammeln

'(9)	'(10)	'(1)	'(2)	'(3)
1	1	0	1	1
1	1	1	0	1

'(9)	'(10)	'(1)	'(2)	'(3)
0	0	0	0	1

'(9)	'(10)	'(1)	'(2)	'(3)
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0

erwartet für (1 1)	'(9)	'(1)	'(2)
1	0	0	0
0	1	0	1
0	1	1	0

erwartet für (1 2)	'(3)
1	0
0	1

		R1	R2	R3	R4
U	'(1)	0	1	0	
	'(2)	1	0	0	
	'(3)	1	1	1	
W	'(10)	1	1	0	
	'(11)				
	'(12)				

Ergebnisse aufsammeln

'(9)	'(10)	'(1)	'(2)	'(3)
1	1	0	1	1
1	1	1	0	1

'(9)	'(10)	'(1)	'(2)	'(3)
0	0	0	0	1

'(9)	'(10)	'(1)	'(2)	'(3)
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0

erwartet für (1 1)	'(9)	'(1)	'(2)
1	0	0	0
0	1	0	1
0	1	1	0

erwartet für (1 2)	'(3)
1	0
0	1

		R1	R2	R3	R4
U	'(1)	0	1	0	0
	'(2)	1	0	0	1
	'(3)	1	1	1	0
W	'(10)	1	1	0	0
	'(11)				
	'(12)				

Ergebnisse aufsammeln

'(9)	'(10)	'(1)	'(2)	'(3)
1	1	0	1	1
1	1	1	0	1

'(9)	'(10)	'(1)	'(2)	'(3)
0	0	0	0	1

'(9)	'(10)	'(1)	'(2)	'(3)
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0

erwartet für (1 1)	'(9)	'(1)	'(2)
1	0	0	0
0	1	0	1
0	1	1	0

erwartet für (1 2)	'(3)
1	0
0	1

		R1	R2	R3	R4
U	'(1)	0	1	0	0
	'(2)	1	0	0	1
	'(3)	1	1	1	0
W	'(10)	1	1	0	0
	'(11)			1	
	'(12)				

Ergebnisse aufsammeln

'(9)	'(10)	'(1)	'(2)	'(3)
1	1	0	1	1
1	1	1	0	1

'(9)	'(10)	'(1)	'(2)	'(3)
0	0	0	0	1

'(9)	'(10)	'(1)	'(2)	'(3)
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0

erwartet für (1 1)	'(9)	'(1)	'(2)
1	0	0	0
0	1	0	1
0	1	1	0

erwartet für (1 2)	'(3)
1	0
0	1

		R1	R2	R3	R4
U	'(1)	0	1	0	0
	'(2)	1	0	0	1
	'(3)	1	1	1	0
W	'(10)	1	1	0	0
	'(11)	0	0	1	0
	'(12)				

Ergebnisse aufsammeln

'(9)	'(10)	'(1)	'(2)	'(3)
1	1	0	1	1
1	1	1	0	1

'(9)	'(10)	'(1)	'(2)	'(3)
0	0	0	0	1

'(9)	'(10)	'(1)	'(2)	'(3)
1	0	0	1	0
1	0	1	0	0

erwartet für (1 1)	'(9)	'(1)	'(2)
1	0	0	0
0	1	0	1
0	1	1	0

erwartet für (1 2)	'(3)
1	0
0	1

		R1	R2	R3	R4
U	'(1)	0	1	0	0
	'(2)	1	0	0	1
	'(3)	1	1	1	0
W	'(10)	1	1	0	0
	'(11)	0	0	1	0
	'(12)	0	0	0	1

7. Ermittle zu jeder Regel einen Testfall

- möglichst Grenzfälle verwenden!

		R1	R2	R3	R4	
	'(1)	0	1	0	0	
U	'(2)	1	0	0	1	R1: B9
	'(3)	1	1	1	0	R2: A0
	'(10)	1	1	0	0	R3: X0
W	'(11)	0	0	1	0	R4: B\$
	'(12)	0	0	0	1	

Spezifikationsorientiertes Testen

Spezifikationsorientiertes Testen

unsystematisch

systematisch

zufälliges
Testen

Raten von
Fehlern

Datenbereichs-
bezogen

Funktions-
bezogen

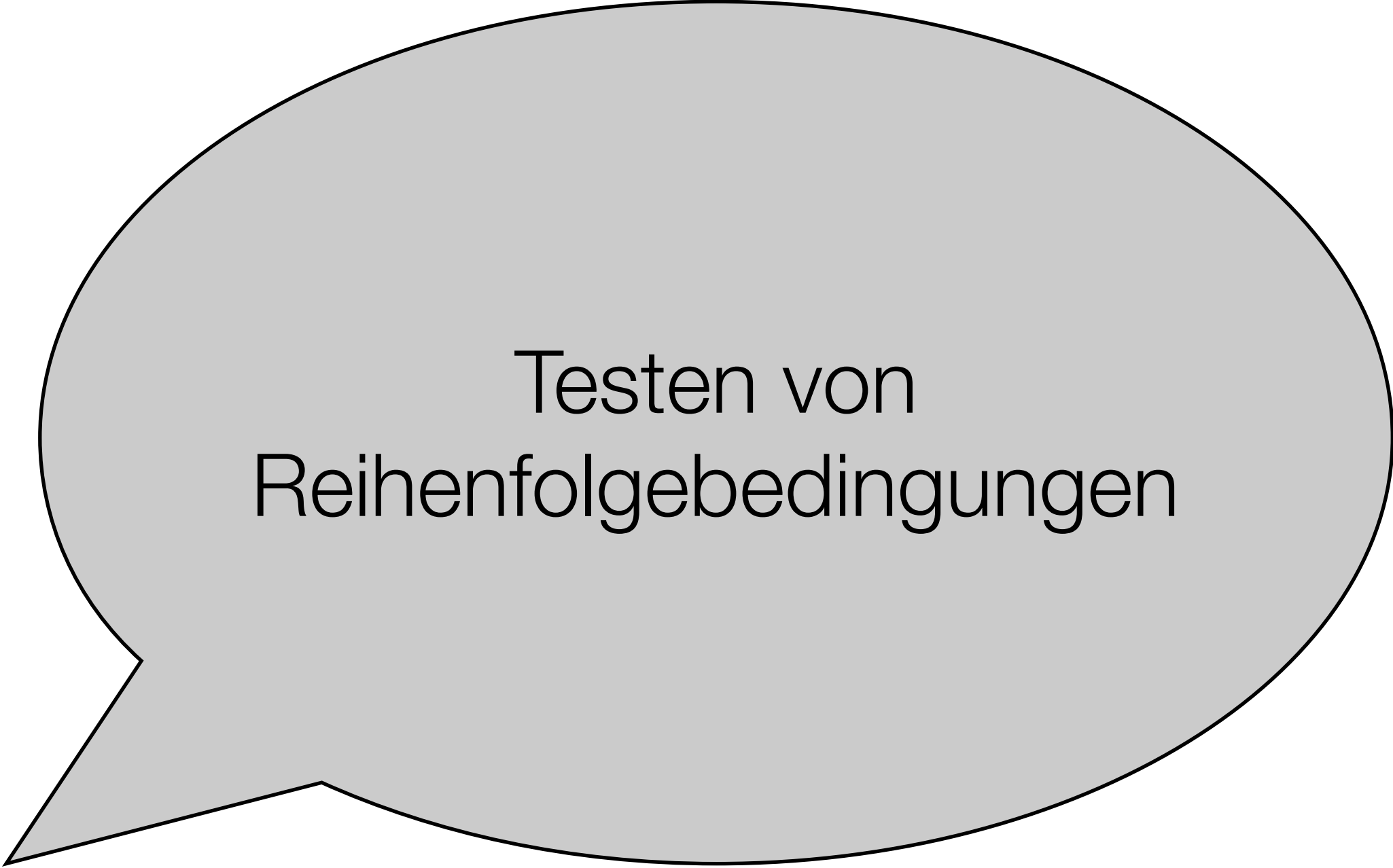
Pfad-
ausdrücke

algebr.
Spezif.

Paradigmenwechsel

Ansatz zur Generierung von Testfällen:

- bisher: von der Spezifikation der Parameter ausgehend
- jetzt: von der Spezifikation der Funktionalität ausgehen



Testen von Reihenfolgebedingungen

Arten von Reihenfolgebedingungen

a) Gesamtfunktion $f = f_1, \dots, f_n$

- Sequenzen als Spezialfall (siehe funktionsbezogenes Testen)
- Allgemeiner Fall:
 - Alternative Reihenfolgen können möglich sein
 - Spezifikation muß dann ein **Reihenfolgeorakel** enthalten

Testziele:

- sind alle Reihenfolgen erzielbar?
- sind keine unerlaubten Reihenfolgen möglich?

Arten von Reihenfolgebedingungen

b) Reihenfolgebedingungen auf Zugriffsfunktionen

- typisches Beispiel: Datenbanken, Gerätetreiber

Testziele:

- alle erlaubten Reihenfolgen fehlerfrei durchführbar?
- korrekte Fehlermeldungen bei unerlaubten Reihenfolgen?

Drei Ebenen der Reihenfolgebedingungen

1. spezifizierte Reihenfolgebedingungen
2. entworfene Reihenfolgebedingungen
3. implementierte Reihenfolgebedingungen

Ziel der nachfolgenden Technik:

- ➡ Übereinstimmung zwischen zweien dieser Reihenfolgebed. feststellen
(z.B. zwischen Entwurf und Programm)

Hilfsmittel: Pfadausdrücke

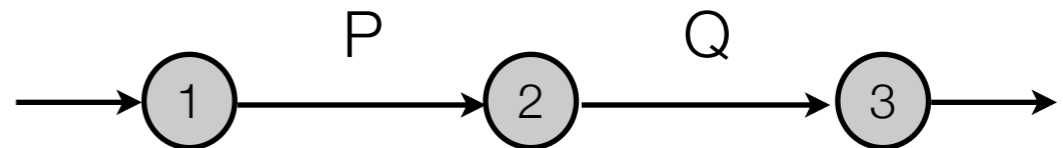
- a) ein leerer Ausdruck und ein Funktionsname $f \in F$ sind Pfadausdrücke
- b) Wenn P, Q Pfadausdrücke sind dann auch:
 - i) die Sequenz $(P ; Q)$
 - ii) die Alternative $(P | Q)$
 - iii) die Wiederholung P^+
 - iv) die Optionale Ausführung $[P]$
- c) nichts anderes ist ein Pfadausdruck
- d) $;$ bindet stärker als $|$ (Klammern einsparen)

Pfadausdrücke und endliche Automaten

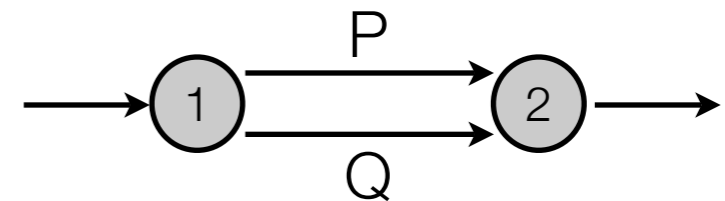
a) ein leerer Ausdruck und ein Funktionsname $f \in F$ sind Pfadausdrücke

b) Wenn P,Q Pfadausdrücke sind dann auch:

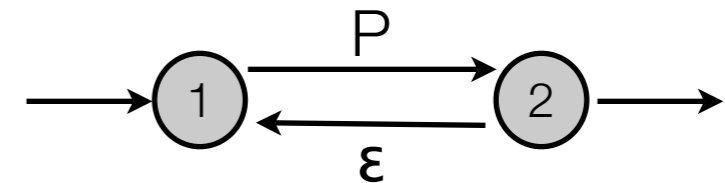
i) die Sequenz $(P ; Q)$



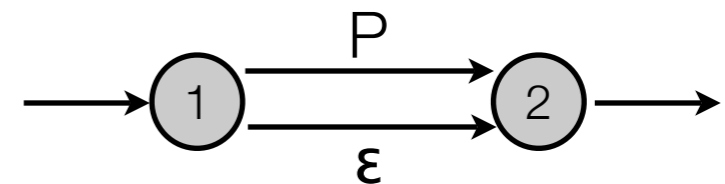
ii) die Alternative $(P | Q)$



iii) die Wiederholung P^+



iv) die Optionale Ausführung $[P]$



Konstruktion des endlichen Automaten

1. Nichtdeterministischen Automaten (NFA) mit ε -Sprüngen nach der Definition des Pfadausdrucks P konstruieren
2. ε -Sprünge eliminieren, z.B.
 - Ausgangsknoten von ε -Sprüngen in akz. Zustände selbst zu akz. Zuständen machen
 - ε -Sprünge als Schleifen am Zielknoten durch explizite Kanten auffalten
3. Automaten zum endlichen Automaten (DFA) $A(P)$ reduzieren
 - überflüssige und äquivalente Knoten und Kanten eliminieren
4. DFA $A(P)$ durch einen Fehlerzustand F vervollständigen

Beispiel: $P = (b \mid c)^+ ; [d ; e \mid f]$ (an der Tafel)

Testziel: Zeige Äquivalenz der Automaten

1. direkter Äquivalenzbeweis: möglich, aber aufwendig

2. „Alle Transitionen“-Kriterium

- P sei Pfadausdruck über Menge F von Funktionssymbolen
- $A(P)$ der zugehörige endliche Automat
- $T \subseteq F^*$ eine endliche Menge von endlichen Sequenzen

T erfüllt das Kriterium „alle Transitionen“ \Leftrightarrow

für jede Kante k von $A(P)$ gibt es in T eine Sequenz,
in der k ausgehend vom Startzustand ausgeführt wird.

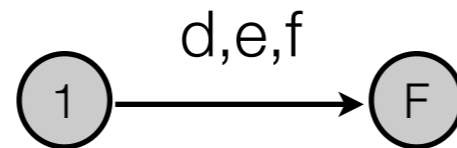
Bem.: später (Kontrollflußgraphen): stärkeres „alle Zweige“-Kriterium

Vergleich durchführen

- Vergleich zweier Automaten untereinander: einfach
- Vergleich Automat gegen Implementierung:
 - alle Anfangsstücke testen, die in akz. Zustand enden, z.B.:
t₁: b, bb, bbc, bbcde
t₂: c, cf
 - alle Wege in die Fehlerzustände testen

Einschränkungsmöglichkeiten

Falls erwiesen ist daß alle Fehlerfälle über eine Kante gleich behandelt werden



→ nur eine der Kanten stellvertretend testen

→ “alle korrekten / einige nicht korrekten Transitionen“-Kriterium

Weitere Hinweise

- möglichst Treibermodul / Skript schreiben das die Funktionen in den zu testenden Sequenzen ausführt
- Kriterien sind nur notwendige Testkriterien

Bsp: **Mutationsfehler** im Pfadausdruck selbst

statt $P_1 = ([a|b])^+ ; c$ wurde $P_2 = (a | b)^+ ; c$ realisiert

→ „alle Transitionen“-Folge „abc“ für P_1 wird auch von P_2 akzeptiert

→ Folge „c“ würde den Fehler aufdecken, obwohl sie nicht alle Transitionen ausführt.

Ende der heutigen Vorlesung

Danke fürs Zuhören!

Bis nächste Woche :-)